

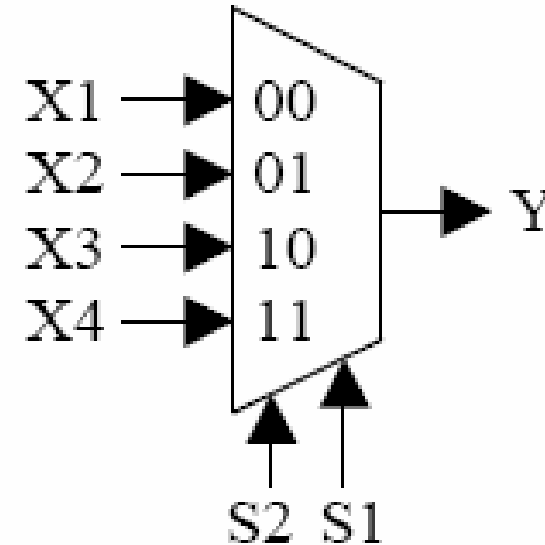
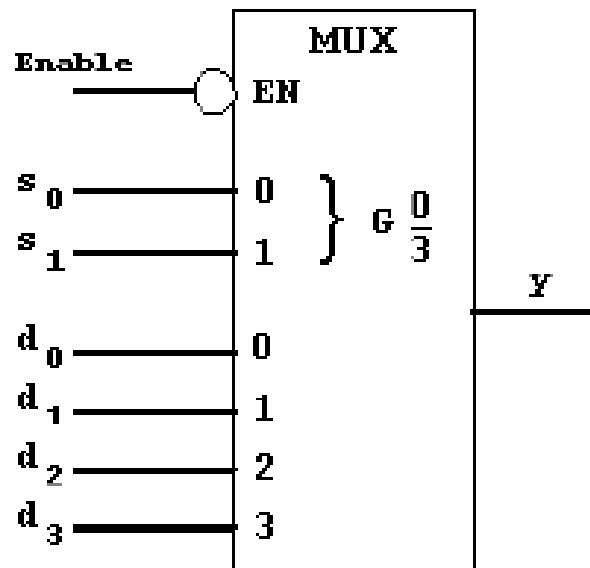
Regeln für Klausur:

Personalausweis (amtl. Ausweis mit Lichtbild)

Zugelassen: 1 handgeschriebenes Blatt

Nicht zugelassen: Handy, Taschenrechner,
sonstige Aufzeichnungen und Hilfsmittel

8.1 Multiplexer DIN / ISO -Symbol



DIN 40900-Symbol für einen 4:1 Multiplexer

s0 und s1: Steuereingänge

d0-d3: Dateneingänge

G: Steuereingänge steuern Daten-Eingänge durch UND-Verknüpfung

ISO-Symbol für einen 4:1 Multiplexer

S1 und S2: Steuereingänge

X1-X4: Dateneingänge

Zahlen geben Indexbereich an

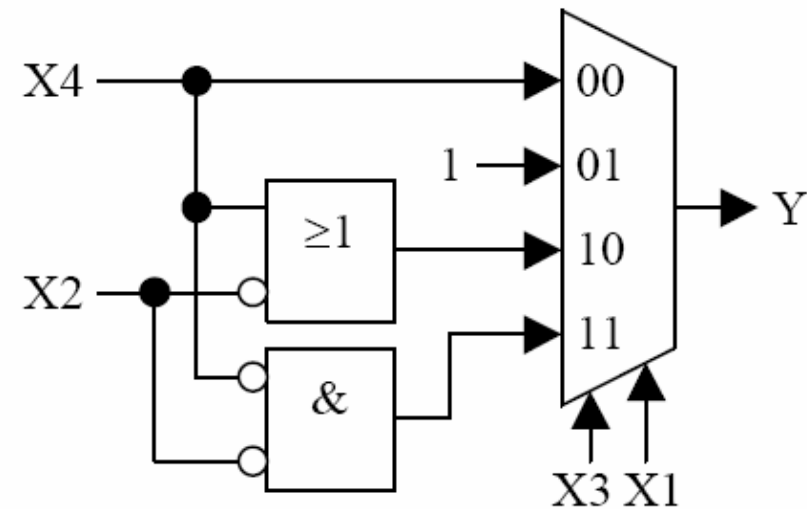
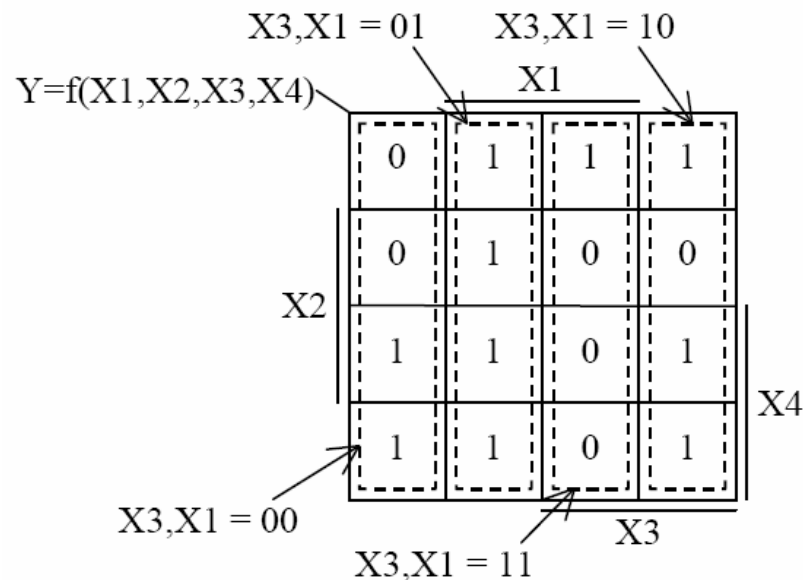
8.2 Realisierung von Funktionen mit MUX

Multiplexer sind gut für die Realisierung boolescher Funktionen geeignet:

Bei N Eingangsvariablen am einfachsten mit $2^N:1$ Multiplexern:

- Die Eingangsvariablen schaltet man an die Selektionseingänge
- An die Dateneingänge schaltet man, je nach Erfordernis der zu realisierenden Funktion eine 0 oder 1.

8.2 Beispiel 3: Funktion N=4 mit 4:1 MUX (2)

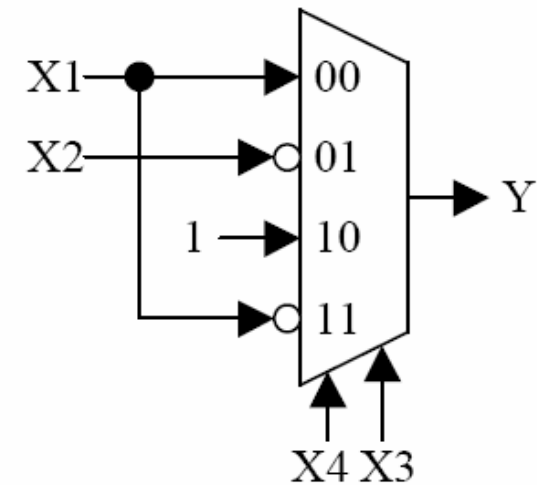
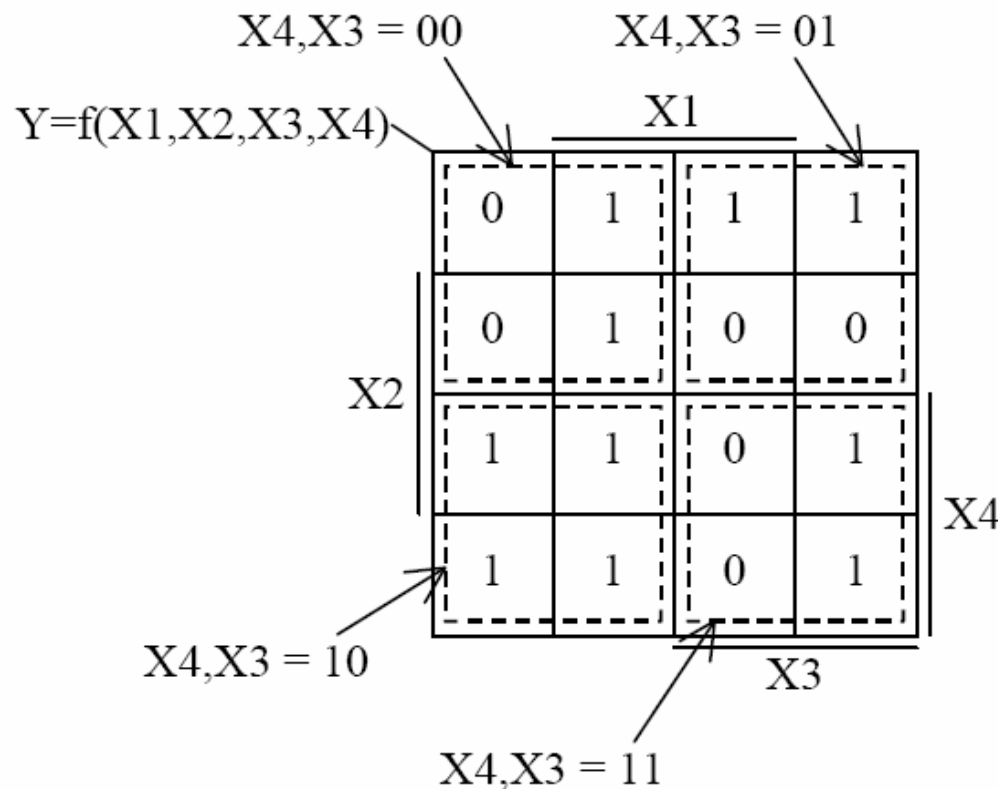


Steuerkombination X3,X1	Ausgangsfunktion
00	$Y = X4$
01	$Y = 1$
10	$Y = X4 \vee (\neg X2)$
11	$Y = (\neg X4) \wedge (\neg X2)$

Die gefundene Lösung ist noch nicht optimal.

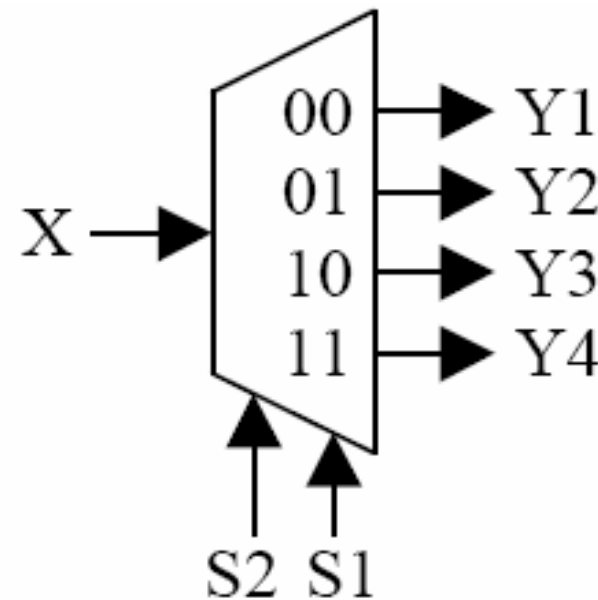
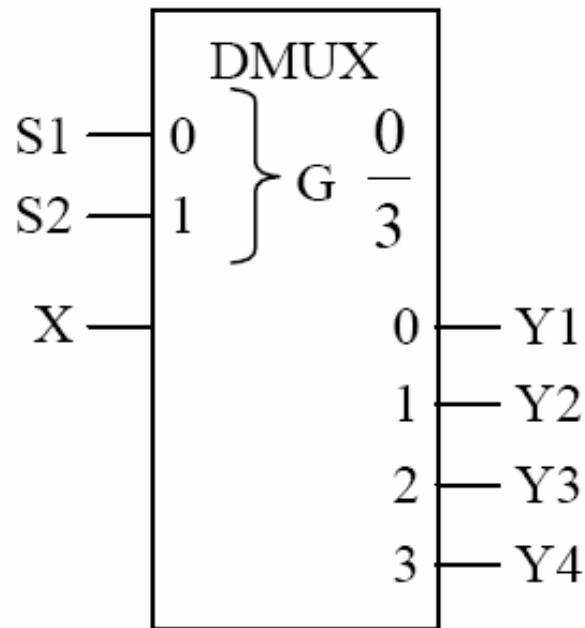
➔ Suche andere Kombination der Ansteuersignale ...

8.2 Beispiel 3: Funktion N=4 mit 4:1 MUX (3)



Aus dem KV-Diagramm und andere Wahl der Unterdiagramme ergibt sich einfache Lösung

8.3 Demultiplexer DIN / ISO -Symbol



DIN 40900-Symbol für einen 1:4 Demultiplexer

s0 und s1: Steuereingänge

X: Dateneingang

Y1-Y4: Datenausgang

G: Steuereingänge steuern Daten-
Ausgänge durch UND-
Verknüpfung

ISO-Symbol für einen 1:4 Demultiplexer

S1 und S2: Steuereingänge

Y1-Y4: Datenausgänge

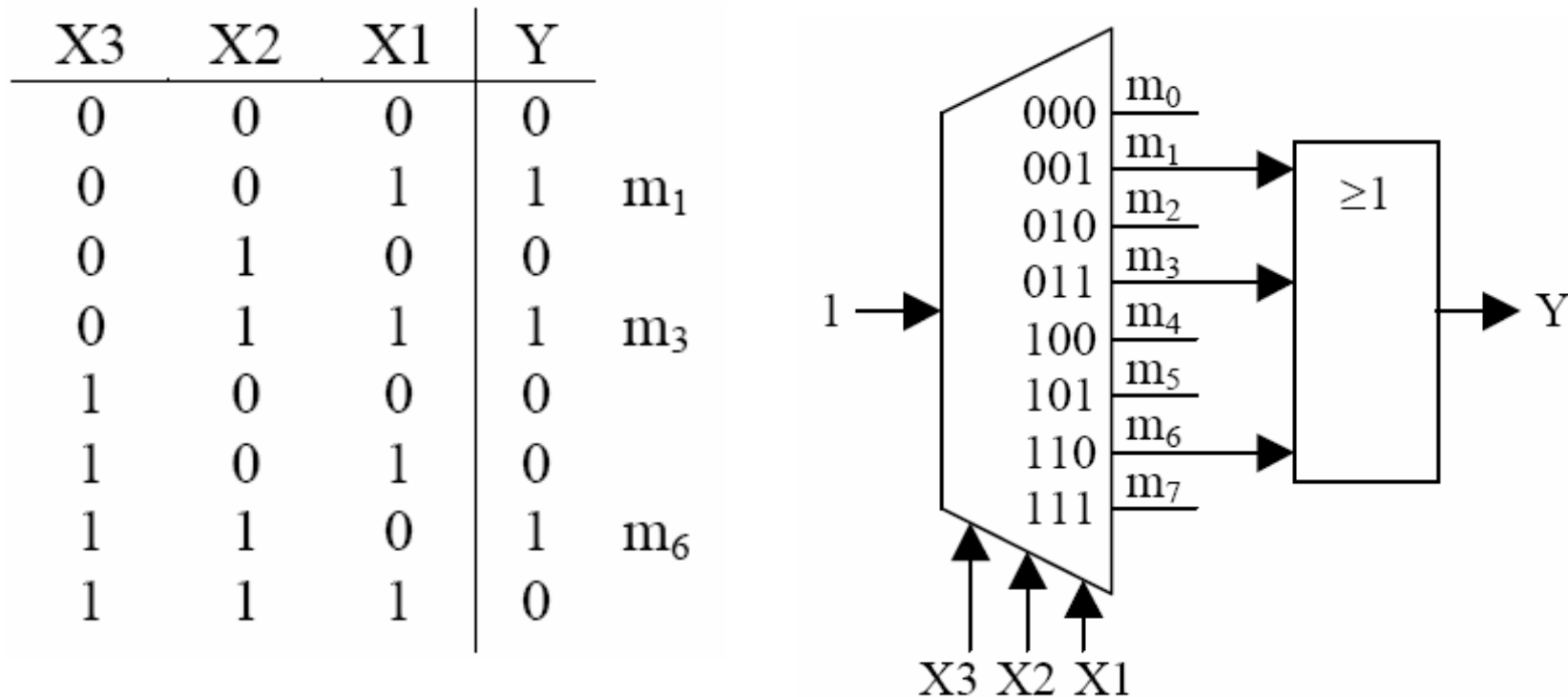
Zahlen geben Indexbereich an

8.4 Realisierung von Funktionen mit DMUX

Legt man bei einem Demultiplexer den Eingang X auf 1, liefert jeder Ausgang eine **Minterm-Funktion m_i der Steuereingänge**. Die gewünschte Funktion erhält man durch die disjunktive Verknüpfung der gewünschten Minterme:

Mit einem **$1:2^N$ Demultiplexer** und einem **N Bit breiten ODER-Gatter** lässt sich **jede Funktion** aus N Eingangsvariablen realisieren.

8.4 Beispiel: Funktionen N=3 und 1:8 DMUX



Demultiplexer liefert direkt alle Minterme m_i aus den N Eingangsvariablen.

Man verbindet die benötigten Minterme aus dem $1:2^N$ DMUX mit den Eingängen eines nachfolgenden ODER-Gatters (evtl. unbenutzte Eingänge auf 0 legen).

Damit ist die vorgegebene Funktion realisiert.

■ Wertetabelle

- Don't care
- Nummerieren ($m_0 \dots m_n$ bzw. $M_0 \dots M_n$)
- DNF: $Y = m_i \vee \dots \vee m_k$
- KNF: $Y = M_j \wedge \dots \wedge M_l$
- KV-Diagramm: Reihenfolge der Variablen

■ Digitalschaltungen

- Symbol für invertierte Ein- und Ausgänge
- Morgan'sche Gesetz: Gatter

■ Zahlendarstellung:

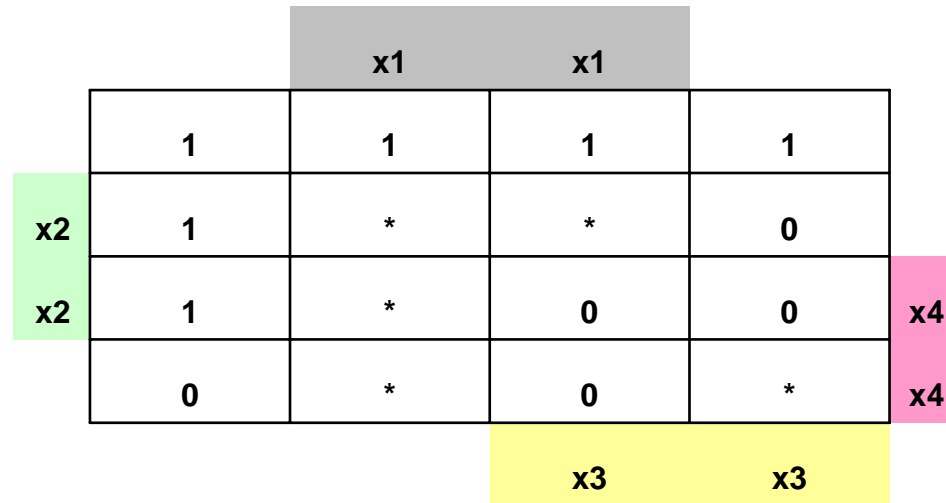
- 0, +0, -0 ...
- Ganzzahl, Festkomma, Gleit- oder Fließkomma

X. Wiederholung (2)

- Multiplexer
- Demultiplexer
- Kombinatorische Grundsaltungen
 - Rechenwerke (s. a. Rechnergrundlagen)

X. Wiederholung (4)

x ₄	x ₃	x ₂	x ₁	Y
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	*
0	1	0	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
0	1	1	1	*
1	0	0	0	0
1	0	0	1	*
1	0	1	0	1
1	0	1	1	*
1	1	0	0	*
1	1	0	1	0
1	1	1	0	0
1	1	1	1	0

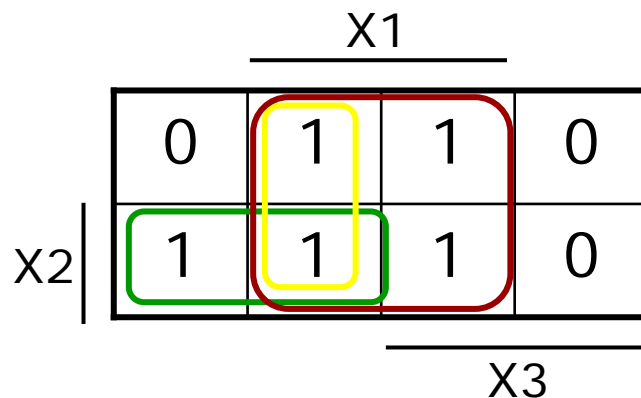


Don't Care Terme können belegt werden, wie man sie braucht, d.h. mit 1 oder 0

X. Wiederholung (5)

Definitionen:

- **Implikant:** Verbund aus Min- oder Maxterm führt zu Term geringerer Komplexität, d.h. reduzierte Anzahl Eingangsvariablen. Auch einzelne Min- oder Maxterme.
- **Primimplikant:** Implikant, der in keinem anderen Implikanten vollständig enthalten ist.
- **Kernprimimplikant:** Primimplikant, der mindestens einen Min- oder Maxterm enthält, der in keinem anderen Primimplikanten enthalten ist.

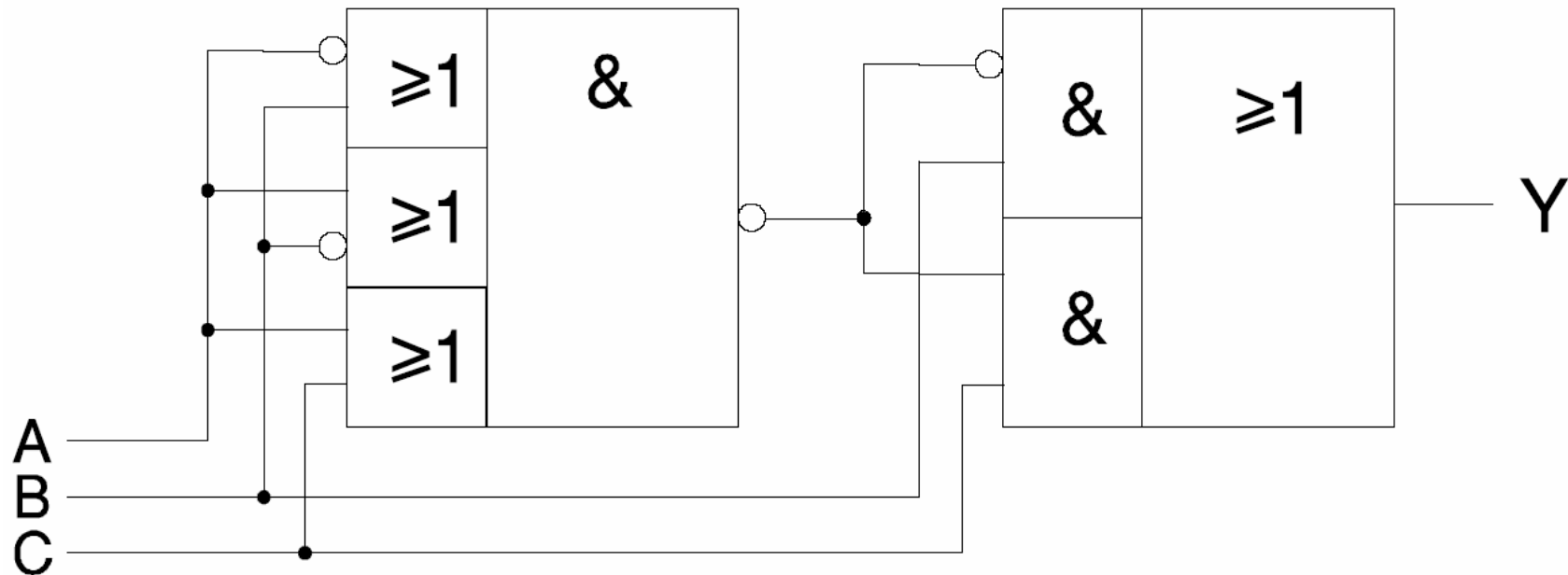


$$I1 = (\neg X3) \wedge X2$$

$$I2 = (\neg X3) \wedge X1$$

$$I3 = X1$$

X. Wiederholung (6) Analyse/Vereinfachung



Hörsaalübung:

- Wertetabelle
- KV-Diagramm
- DMF und/oder KMF
- (Vereinfachte Schaltung zeichnen)

X. Wiederholung (7)

C	B	A	Y
x	x	x	
3	2	1	
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

		x1	x1	
	0	0	1	0
x2	0	1	1	1
			x3	x3

$$DMF = (A \wedge B) \vee (A \wedge C) \vee (B \wedge C)$$

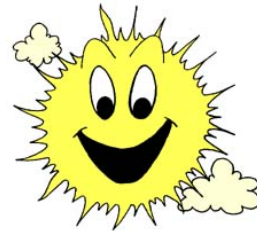
		x1	x1	
	0	0	1	0
x2	0	1	1	1
			x3	x3

$$KMF = (B \vee C) \wedge (A \vee C) \wedge (A \vee B)$$

Weitere Hörsaalübung:

- Realisieren Sie die Schaltung mit einem Multiplexer
- Realisieren Sie die Schaltung mit einem Demultiplexer und einem Oder-Gatter

Ende der Wiederholung



8.5 Code-Umsetzer

- Prioritätsencoder
- BCD zu 7-Segment-Dekoder

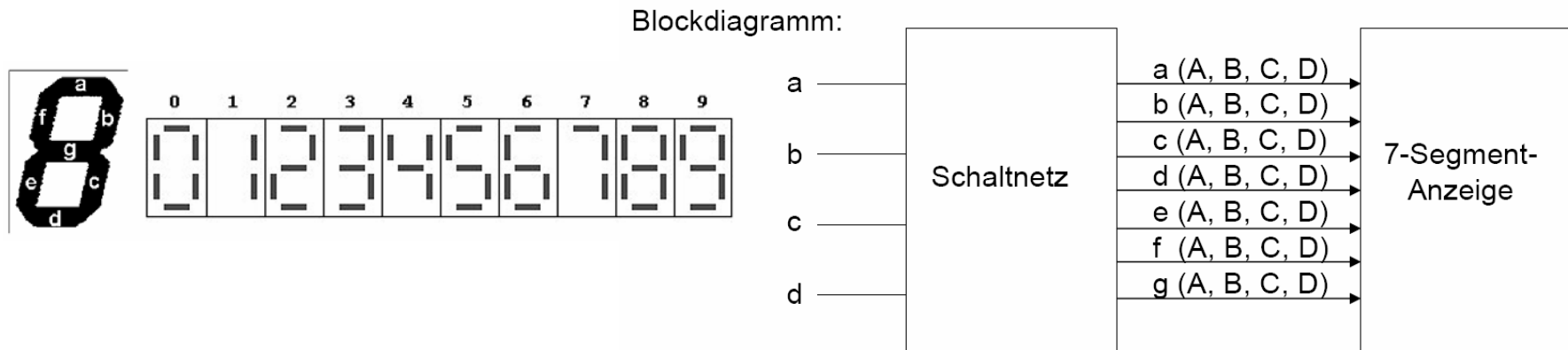
Prioritätsencoder werden in Rechnern benötigt, um Ereignisse, die auch gleichzeitig auftreten können, auf einzelnen Leitungen zu signalisieren.

Der Rechner kann diese Ereignisse jedoch nur sequenziell abarbeiten.

Bei mehreren aktivierten Leitungen muss das Ereignis mit der höchsten Priorität ermittelt werden.

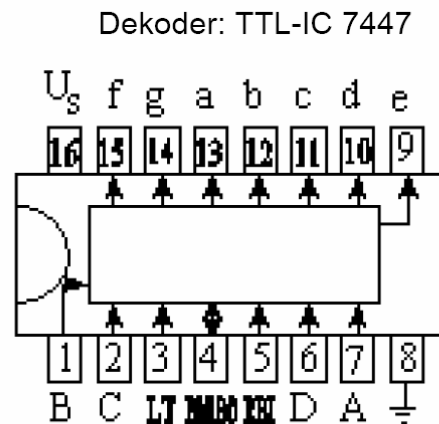
→ Hardware: Prioritätsencoder (s. Script / Literatur)

8.5.2 BCD zu 7-Segment-Decoder

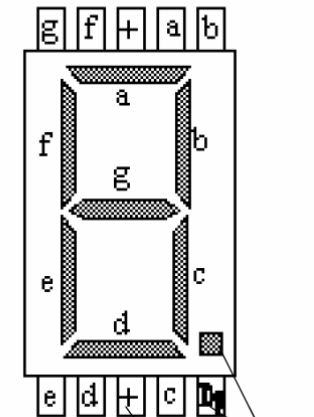


Für diese recht komplexe Aufgaben gibt es fertige Bausteine, z.B. TTL 7447

Bauelemente:



Z.B. „Lampentest“



Dezimalpunkt

Anschlusspunkt(e); nur einmal zu beschalten